

# Modulhandbuch

**Ruprecht-Karls-Universität Heidelberg  
Fakultät für Mathematik und Informatik  
Bachelor „Mathematik“**

Fassung vom 15.7.2015 zur Prüfungsordnung vom 25.6.2015

**Studienform:** Vollzeit

**Art des Studiengangs:** grundständig

**Regelstudienzeit:** 6 Semester

**Einführungsdatum:** 5.8.2008

**Studienstandort:** Heidelberg

**Anzahl der Studienplätze:** derzeit keine Begrenzung

**Gebühren/Beiträge:** gemäß allgemeiner Regelung der Universität Heidelberg

# Präambel

## Qualitätsziele der Universität Heidelberg in Studium und Lehre

Anknüpfend an ihr Leitbild und ihre Grundordnung verfolgt die Universität Heidelberg in ihren Studiengängen fachliche, fachübergreifende und berufsfeldbezogene Ziele in der umfassenden akademischen Bildung und für eine spätere berufliche Tätigkeit ihrer Studierenden. Das daraus folgende Kompetenzprofil wird als für alle Disziplinen gültiges Qualifikationsprofil in den Modulhandbüchern aufgenommen und in den spezifischen Qualifikationszielen sowie den Curricula und Modulen der einzelnen Studiengänge umgesetzt:

- Entwicklung von fachlichen Kompetenzen mit ausgeprägter Forschungsorientierung;
- Entwicklung transdisziplinärer Dialogkompetenz;
- Aufbau von praxisorientierter Problemlösungskompetenz;
- Entwicklung von personalen und Sozialkompetenzen;
- Förderung der Bereitschaft zur Wahrnehmung gesellschaftlicher Verantwortung auf der Grundlage der erworbenen Kompetenzen.

### Fachliche und überfachliche Qualifikationsziele des Bachelorstudiengangs „Mathematik“

Der Bachelorstudiengang Mathematik hat das Ziel einer mathematischen Grundausbildung. AbsolventInnen des Bachelorstudienganges sind in der Lage, mathematische Modelle in Wissenschaft und Wirtschaft zu verstehen und anzuwenden. Über die rein fachliche Ausbildung hinaus werden im Studium auch die Fähigkeit zur Analyse und Lösung von Problemen, die Kommunikation und das Durchhaltevermögen gestärkt. Studierende, die nach dem Bachelorabschluss den Übergang ins Berufsleben anstreben, können ihr Studium so ausrichten, dass sie grundlegende mathematische Aspekte des angestrebten Berufsfeldes kennenlernen. Auf der anderen Seite ist es natürlich auch möglich, im Hinblick auf die anschließenden Masterstudiengänge eine stärkere wissenschaftliche Ausrichtung des Studiums vorzunehmen.

# Inhaltsverzeichnis

<b>1 Pflichtmodule</b>	<b>4</b>
Analysis I	5
Lineare Algebra I	6
Einführung in die Praktische Informatik	7
Analysis II	8
Lineare Algebra II	9
Höhere Analysis	10
Einführung in die Numerik	11
Einführung in die Wahrscheinlichkeitstheorie und Statistik	12
Proseminar	13
Seminar	14
Bachelorseminar	15
<b>2 Wahlpflichtbereich 1</b>	<b>16</b>
Algebra I	17
Algebra II	18
Funktionentheorie I	19
Funktionentheorie II	20
Algebraische Topologie I	21
Algebraische Topologie II	22
Differentialgeometrie I	23
<b>3 Wahlpflichtbereich 2</b>	<b>24</b>
Gewöhnliche Differentialgleichungen	25
Partielle Differentialgleichungen	26
Funktionalanalysis	27
Wahrscheinlichkeitstheorie	28
<b>4 Wahlpflichtbereich 3</b>	<b>29</b>
Numerik	30
Statistik	31
Lineare Optimierung	32
Nichtlineare Optimierung	33
Computational Statistics	34
<b>5 Wahlbereich</b>	<b>35</b>
Lie Algebren und Lie Gruppen I	36
Lie Algebren und Lie Gruppen II	37
Elementare Zahlentheorie	38
Einführung in die Geometrie	39
Mathematische Logik	40
Analysis auf Mannigfaltigkeiten	41
Mengentheoretische Topologie	42
Einführung in die Mengenlehre	43
Bayesian Modeling and Inference	44
<b>6 Fachübergreifende Kompetenzen</b>	<b>45</b>
Anfängerpraktikum	46
Software-Praktikum für Fortgeschrittene	47
Ausgewählte Kapitel der Finanz- und Versicherungsmathematik	48
Industriepraktikum	49
Tutorenschulung	50

# 1 Pflichtmodule

## Analysis I

<b>Code</b> MA1	<b>Name</b> Analysis I	
<b>Leistungspunkte</b> 8 LP	<b>Dauer</b> ein Semester	<b>Turnus</b> jährlich im Winter
<b>Lehrform</b> Vorlesung 4 SWS, Übung 2 SWS	<b>Arbeitsaufwand</b> 240 h; davon 60 h Vorlesung 30 h Übung 120 h Bearbeitung der Hausaufgaben und Nachbereitung der Vorlesung 30 h Klausur mit Vorbereitung	<b>Verwendbarkeit</b> B. Sc. Mathematik Mathematik Lehramt (GymPO) B. Sc. Informatik B. Sc. Physik
<b>Lernziel</b>	Grundwissen über reelle und komplexe Zahlen, die Konvergenz von Folgen und Reihen und die Differential und Integralrechnung für Funktionen einer Veränderlichen; Verständnis der Beweistechniken auf diesem Gebiet und die Fähigkeit, kleinere Beweise selbst durchführen zu können	
<b>Inhalt</b>	Die Systeme der reellen Zahlen und komplexen Zahlen; Konvergenz von Folgen und Reihen, Potenzreihen, Exponentialfunktion (auch im Komplexen) und verwandte Funktionen; Stetigkeit und Differenzierbarkeit, monotone Funktionen, Umkehrfunktion, gleichmäßige Konvergenz; Integral (Regel- oder Riemann-Integral), Zusammenhang zwischen Integration und Differentiation, Integrationsmethoden; Ausbau der Theorie, z. B. Behandlung spezieller Funktionsklassen.  Alle Resultate werden mit vollständigen Beweisen vermittelt.	
<b>Vermittelte Kompetenzen</b>	Studierende können abstraktes und analytisches Denken auf Grenzwertprozesse anwenden; sie sind in der Lage, selbständig Aussagen aus dem Bereich der Analysis zu beweisen und Aufgaben aus dem Themenbereich zu lösen und ihre Ergebnisse zu präsentieren.	
<b>Teilnahme-Voraussetzungen</b>	keine	
<b>Nützliche Vorkenntnisse</b>	Schulkenntnisse	
<b>Prüfungs-modalitäten</b>	Klausurzulassung durch benotete Hausaufgaben. Die Modulnote ergibt sich aus den Klausuren. Es werden zwei Klausuren angeboten (eine am Ende der Vorlesungszeit, die zweite am Ende der vorlesungsfreien Zeit); das Modul gilt als bestanden, wenn eine davon bestanden wurde. Sofern es kapazitativ möglich ist, soll eine Teilnahme an der zweiten Klausur zur Notenverbesserung möglich sein. Wiederholungsmöglichkeit mit der Vorlesung im Folgejahr.	
<b>Nützliche Literatur</b>	O. Forster: Analysis I (bzw. II, bzw. III) K. Königsberger: Analysis I (bzw. II) H. Amann, J. Escher: Analysis I (bzw. II, bzw. III)	

## Lineare Algebra I

<b>Code</b> MA4	<b>Name</b> Lineare Algebra I	
<b>Leistungspunkte</b> 8 LP	<b>Dauer</b> ein Semester	<b>Turnus</b> jährlich im Winter
<b>Lehrform</b> Vorlesung 4 SWS, Übung 2 SWS	<b>Arbeitsaufwand</b> 240 h; davon 60 h Vorlesung 30 h Übung 120 h Bearbeitung der Hausaufgaben und Nachbereitung der Vorlesung 30 h Klausur mit Vorbereitung	<b>Verwendbarkeit</b> B. Sc. Mathematik Mathematik Lehramt (GymPO) B. Sc. Informatik B. Sc. Physik
<b>Lernziel</b>	Abstraktes und strukturelles Denken, Kenntnis mathematischer Grundstrukturen wie Gruppen, Körper und Vektorräume und ihrer Homomorphismen. Verständnis mathematischer Strukturbildung. Fähigkeit zum selbständigen Beweisen von Aussagen und Lösen von Aufgaben aus dem Themenbereich und zur schriftlichen und mündlichen Darstellung der Ergebnisse.	
<b>Inhalt</b>	I. Grundlagen: Logische Operatoren, Mengen, Relationen, Abbildungen, Gruppen, Homomorphismen, Permutationen. II. Vektorräume: (affine) Unterräume, Faktorräume, direkte Summen, Basis, Dimension, Koordinaten, lineare Abbildungen. III. Lineare Operatoren: Matrizen, lineare Gleichungssysteme, Basiswechsel, Eigenvektoren, Determinanten IV. Innenprodukträume: Bilinearformen, Orthogonalität und Orthonormalbasen, normale Operatoren, selbstadjungierte Operatoren und Isometrien.	
<b>Vermittelte Kompetenzen</b>	Studierende können selbständig Eigenschaften mathematischer Grundstrukturen wie Gruppen, Körper und Vektorräume nachweisen und anwenden.	
<b>Teilnahme-Voraussetzungen</b>		
<b>Nützliche Vorkenntnisse</b>	Schulkenntnisse	
<b>Prüfungs-modalitäten</b>	Klausurzulassung durch benotete Hausaufgaben. Die Modulnote ergibt sich aus den Klausuren. Es werden zwei Klausuren angeboten (eine am Ende der Vorlesungszeit, die zweite am Ende der vorlesungsfreien Zeit); das Modul gilt als bestanden, wenn eine davon bestanden wurde. Sofern es kapazitativ möglich ist, soll eine Teilnahme an der zweiten Klausur zur Notenverbesserung möglich sein. Wiederholungsmöglichkeit mit der Vorlesung im Folgejahr.	
<b>Nützliche Literatur</b>	S. Bosch: Lineare Algebra F. Lorenz: Lineare Algebra I G. Fischer: Lineare Algebra	

## Einführung in die Praktische Informatik

<b>Code</b> MA6 IPR	<b>Name</b> Einführung in die Praktische Informatik	
<b>Leistungspunkte</b> 8	<b>Dauer</b> 1 Semester	<b>Turnus</b>
<b>Lehrform</b> Vorlesung 4 SWS + Übung 2 SWS	<b>Arbeitsaufwand</b> 240h	<b>Verwendbarkeit</b> Bachelor Mathematik 100%
<b>Lernziel</b>	Fähigkeit, kleine Programme in C++ zu entwerfen, zu realisieren, zu testen und Eigenschaften der Programme zu ermitteln. Umgang mit einfachen Programmierwerkzeugen.	
<b>Inhalt</b>	<p>Überblick ueber die Praktische Informatik.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Technische und formale Grundlagen der Programmierung, Sprachliche Grundzuege (Syntax und Semantik von Programmiersprachen).</li> <li>- Einfuehrung in die Programmierung (Wert, elementare Datentypen, Funktion, Bezeichnerbindung, Sichtbarkeit von Bindungen, Variable, Zustand, Algorithmus, Kontrollstrukturen, Anweisung, Prozedur) Darstellung von Algorithmen.</li> <li>- Weitere Grundelemente der Programmierung (Typisierung, Parametrisierung, Rekursion, strukturierte Datentypen, insbesondere z.B. Felder, Listen, Bäume).</li> <li>- Grundelemente der objektorientierten Programmierung (Objekt, Referenz, Klasse, Vererbung, Subtypbildung).</li> <li>- Abstraktion und Spezialisierung (insbesondere Funktions-, Prozedurabstraktion, Abstraktion und Spezialisierung von Klassen).</li> <li>- Spezifikation und Verifikation von Algorithmen, Terminierung.</li> <li>- Einfache Komplexitätsanalysen.</li> <li>- Einfache Algorithmen (Sortierung).</li> </ul>	
<b>Vermittelte Kompetenzen</b>	Die Lehrveranstaltung führt in die Entwicklung von Software im Kleinen ein.	
<b>Teilnahme-Voraussetzungen</b>		
<b>Nützliche Vorkenntnisse</b>	Schulkenntnisse	
<b>Prüfungs-modalitäten</b>	Lösung von Übungsaufgaben, mit benoteten 2-stündigen Klausuren, Wiederholungsmöglichkeit mit der Vorlesung im Folgejahr.	
<b>Nützliche Literatur</b>		

## Analysis II

<b>Code</b> MA2	<b>Name</b> Analysis II	
<b>Leistungspunkte</b> 8 LP	<b>Dauer</b> ein Semester	<b>Turnus</b> jährlich im Sommer
<b>Lehrform</b> Vorlesung 4 SWS, Übung 2 SWS	<b>Arbeitsaufwand</b> 240 h; davon 60 h Vorlesung 30 h Übung 120 h Bearbeitung der Hausaufgaben und Nachbereitung der Vorlesung 30 h Klausur mit Vorbereitung	<b>Verwendbarkeit</b> B. Sc. Mathematik Mathematik Lehramt (GymPO) B. Sc. Informatik B. Sc. Physik
<b>Lernziel</b>	Grundwissen über gewöhnliche Differentialgleichungen sowie über die Differential- und Integralrechnung in mehreren Variablen. Abstraktes und analytisches Denken, selbständiges Beweisen und Lösen von Aufgaben aus dem Themenbereich mit Präsentation in den Übungen	
<b>Inhalt</b>	Metrische und normierte Räume, Stetigkeit; Existenz und Eindeigkeitssatz für das Anfangswertproblem; Differentialrechnung für Funktionen mehrerer Variabler, partielle und totale Differenzierbarkeit, Kettenregel, Taylor-Formel, lokale Extrema; Lokaler Umkehrsatz und implizite Funktionen, Untermannigfaltigkeiten im $\mathbb{R}^n$ , Extremwerte mit Nebenbedingungen; Elementare Vektoranalysis, Kurvenintegrale; Integrierbarkeitsbedingungen, Existenz von Potentialen; Ein Integral im $\mathbb{R}^n$ , Transformationsformel, Volumina und Oberflächen  Alle Resultate werden mit vollständigen Beweisen vermittelt.	
<b>Vermittelte Kompetenzen</b>	Studierende können selbständig Aussagen aus dem Themenbereich der Analysis beweisen, Aufgaben lösen und ihre Ergebnisse präsentieren.	
<b>Teilnahme-Voraussetzungen</b>		
<b>Nützliche Vorkenntnisse</b>	Analysis I (MA1), Lineare Algebra I (MA4)	
<b>Prüfungs-modalitäten</b>	Klausurzulassung durch benotete Hausaufgaben. Die Modulnote ergibt sich aus den Klausuren. Es werden zwei Klausuren angeboten (eine am Ende der Vorlesungszeit, die zweite am Ende der vorlesungsfreien Zeit); das Modul gilt als bestanden, wenn eine davon bestanden wurde. Sofern es kapazitativ möglich ist, soll eine Teilnahme an der zweiten Klausur zur Notenverbesserung möglich sein. Wiederholungsmöglichkeit mit der Vorlesung im Folgejahr.	
<b>Nützliche Literatur</b>	O. Forster: Analysis I (bzw. II, bzw. III) K. Königsberger: Analysis I (bzw. II) H. Amann, J. Escher: Analysis I (bzw. II, bzw. III)	

## Lineare Algebra II

<b>Code</b> MA5	<b>Name</b> Lineare Algebra II	
<b>Leistungspunkte</b> 8	<b>Dauer</b> 1 Semester	<b>Turnus</b> jährlich im Sommer
<b>Lehrform</b> Vorlesung 4 SWS + Übung 2 SWS	<b>Arbeitsaufwand</b> 240 h; davon 60 h Vorlesung 30 h Übung 120 h Bearbeitung der Hausaufgaben und Nachbereitung der Vorlesung 30 h Klausur mit Vorbereitung	<b>Verwendbarkeit</b> B. Sc. Mathematik Mathematik Lehramt (GymPO) B. Sc. Informatik B. Sc. Physik
<b>Lernziel</b>	Abstraktes Denken, selbständiges Lösen von Aufgaben aus dem Themenbereich mit Präsentation in den Übungen	
<b>Inhalt</b>	Inhalt: Ringe und Ideale, Moduln und Homomorphismen, Basis und Rang, direkte Summen und Produkte, Tensorprodukt, äußere und symmetrische Potenzen und Determinanten, Moduln über Hauptidealringen, Elementarteilertheorie, Normalformen von Endomorphismen, verallgemeinerte Eigenräume, Jordansche Normalform, nilpotente und halbeinfache Endomorphismen.	
<b>Vermittelte Kompetenzen</b>	Vertiefende Kenntnisse der Linearen Algebra	
<b>Teilnahme-Voraussetzungen</b>		
<b>Nützliche Vorkenntnisse</b>	Lineare Algebra I (MA4)	
<b>Prüfungs-modalitäten</b>	Klausurzulassung durch benotete Hausaufgaben. Die Modulnote ergibt sich aus den Klausuren. Es werden zwei Klausuren angeboten (eine am Ende der Vorlesungszeit, die zweite am Ende der vorlesungsfreien Zeit); das Modul gilt als bestanden, wenn eine davon bestanden wurde. Sofern es kapazitativ möglich ist, soll eine Teilnahme an der zweiten Klausur zur Notenverbesserung möglich sein. Wiederholungsmöglichkeit mit der Vorlesung im Folgejahr.	
<b>Nützliche Literatur</b>	S. Bosch: Lineare Algebra F. Lorenz: Lineare Algebra II	

## Höhere Analysis

<b>Code</b> MA3	<b>Name</b> Höhere Analysis	
<b>Leistungspunkte</b> 8	<b>Dauer</b> 1 Semester	<b>Turnus</b> jährlich im Winter
<b>Lehrform</b> Vorlesung 4 SWS + Übung 2 SWS	<b>Arbeitsaufwand</b> 240 h davon 60 h Vorlesung 30 h Übung 120 h Bearbeitung der Hausaufgaben und Nachbereitung der Vorlesung 30 h Klausur mit Vorbereitung	<b>Verwendbarkeit</b> B.Sc. Mathematik
<b>Lernziel</b>	Erlangung höherer Abstraktionsfähigkeit, selbstständiges Lösen von Aufgaben aus dem Themenbereich mit Präsentation in den Übungen.	
<b>Inhalt</b>	I. Lebesgue-Integral II. Lp-Räume III. Fouriertransformation IV. Differenzierbare Mannigfaltigkeiten V. Differentialformen und der Satz von Stokes	
<b>Vermittelte Kompetenzen</b>	Ausbau der Differential- und Integralrechnung mehrerer Veränderlicher.	
<b>Teilnahme-Voraussetzungen</b>		
<b>Nützliche Vorkenntnisse</b>	mindestens zwei der Module Analysis I, II (MA1, MA2) und Lineare Algebra I, II (MA4, MA5)	
<b>Prüfungs-modalitäten</b>	Lösung von Übungsaufgaben, mit benoteten 2-stündigen Klausuren, Wiederholungsmöglichkeit mit der Vorlesung im Folgejahr.	
<b>Nützliche Literatur</b>	Bekanntgabe in der Vorlesung	

## Einführung in die Numerik

<b>Code</b> MA7	<b>Name</b> Einführung in die Numerik	
<b>Leistungspunkte</b> 8 LP	<b>Dauer</b> ein Semester	<b>Turnus</b> jährlich im Sommer
<b>Lehrform</b> Vorlesung 4 SWS, Übung 2 SWS	<b>Arbeitsaufwand</b> 240 h; davon 60 h Vorlesung 30 h Übung 80 h Bearbeitung der Hausaufgaben und Nachbereitung der Vorlesung 40 h Programmieraufgaben 30 h Klausur mit Vorbereitung	<b>Verwendbarkeit</b> B. Sc. Mathematik Mathematik Lehramt (GymPO) B. Sc. Informatik B. Sc. Physik
<b>Lernziel</b>	Abstraktes und algorithmisches Denken, Anwendung von Techniken der Analysis und linearen Algebra, selbständige Durchführung von Beweisen und Lösen von theoretischen und praktischen Aufgaben aus dem Themenbereich mit Präsentation in den Übungen	
<b>Inhalt</b>	I. Rechnerarithmetik, Fehleranalyse, Konditionierung II. Interpolation und Approximation, Numerische Integration III. Lineare Gleichungssysteme und Ausgleichsprobleme (LR- und QRZerlegung) IV. Iterative Verfahren (Nullstellenberechnung, lineare Gleichungssysteme, Eigenwertaufgaben)	
<b>Vermittelte Kompetenzen</b>	Prinzipien numerischer Algorithmen und ihrer praktischen Realisierung für Grundaufgaben der numerischen Analysis und linearen Algebra	
<b>Teilnahme-Voraussetzungen</b>		
<b>Nützliche Vorkenntnisse</b>	Analysis I/II (MA1/ MA2) und Lineare Algebra I (MA4), Einführung in die Praktische Informatik (IPI), Programmierkurs (IPK), Programmierkenntnisse	
<b>Prüfungs-modalitäten</b>	Die Prüfung besteht aus einer Klausur. Klausurzulassung durch Lösen von Übungsaufgaben und Programmieraufgaben. Wiederholungsmöglichkeit mit der Vorlesung im folgenden Semester.	
<b>Nützliche Literatur</b>	J. Stoer, R. Bulirsch: Numerische Mathematik G. Hämmerlin, K.-H. Hoffmann: Numerische Mathematik P. Deuflhard, A. Hohmann: Numerische Mathematik	

## Einführung in die Wahrscheinlichkeitstheorie und Statistik

<b>Code</b> MA8	<b>Name</b> Einführung in die Wahrscheinlichkeitstheorie und Statistik	
<b>Leistungspunkte</b> 8 LP	<b>Dauer</b> ein Semester	<b>Turnus</b> jedes Semester
<b>Lehrform</b> Vorlesung 4 SWS, Übung 2 SWS	<b>Arbeitsaufwand</b> 240 h; davon 60 h Vorlesung 30 h Übung 120 h Bearbeitung der Hausaufgaben und Nachbereitung der Vorlesung 30 h Klausur mit Vorbereitung	<b>Verwendbarkeit</b> B. Sc. Mathematik Mathematik Lehramt (GymPO) B. Sc. Informatik B. Sc. Physik
<b>Lernziel</b>	Mathematisches Modellieren zufälliger Phänomene, selbstständiges Lösen von Aufgaben aus dem Themenbereich mit Präsentation in den Übungen.	
<b>Inhalt</b>	<p>I. Wahrscheinlichkeitsräume: Ereignisse, diskrete Verteilungen, Verteilungen mit Dichte, Dichtetransformation, bedingte Wahrscheinlichkeiten, Unabhängigkeit, Formel von Bayes</p> <p>II. Zufallsvariable: Erwartungswert, Varianz und Kovarianz, gemeinsame Verteilungen von Zufallsvariablen, Faltung.</p> <p>III. Grenzwertsätze: Konvergenz von Zufallsvariablen und ihren Verteilungen, Schwaches Gesetz der großen Zahlen, zentraler Grenzwertsatz.</p> <p>IV. Testtheorie: Hypothesentest, Fehler erster und zweiter Art, Likelihood, Neyman-Pearson-Test, weitere Testmethoden.</p> <p>V. Schätztheorie: Konstruktionsprinzipien, Erwartungstreue, Bias-Varianz-Zerlegung, Konsistenz, Konfidenzbereiche.</p> <p>VI. Beispiele für statistische Methoden: wie lineare Regression, Varianzanalyse, Hauptkomponentenanalyse.</p>	
<b>Vermittelte Kompetenzen</b>	In der Grundvorlesung Statistik werden statistische Methoden und die ihnen zugrunde liegende Wahrscheinlichkeitstheorie behandelt.	
<b>Teilnahme-Voraussetzungen</b>		
<b>Nützliche Vorkenntnisse</b>	Analysis I und II (MA1, MA2), Lineare Algebra I und II (MA4, MA5)	
<b>Prüfungs-modalitäten</b>	Lösung von Übungsaufgaben, mit benoteten 2-stündigen Klausuren, Wiederholungsmöglichkeit mit der Vorlesung im Folgejahr.	
<b>Nützliche Literatur</b>	Krengel, U.: Einführung in die Wahrscheinlichkeitstheorie und Statistik, Vieweg Rice, J.: Mathematical statistics and Data Analysis Georgii, H.: Stochastik, de Gruyter	

## Proseminar

<b>Code</b> MPS	<b>Name</b> Proseminar	
<b>Leistungspunkte</b> 6 CP	<b>Dauer</b> 1 Semester	<b>Turnus</b>
<b>Lehrform</b> 2 SWS + Tutorium 2 SWS	<b>Arbeitsaufwand</b> 180 h	<b>Verwendbarkeit</b> B. Sc. Mathematik
<b>Lernziel</b>	Befähigung mathematische Literatur (in der Regel ein einfacher Text) zu lesen, sich selbständig mit einer mathematischen Fragestellung zu beschäftigen und hierüber vorzutragen. Dies beinhaltet insbesondere ein dem Vortrag vorausgehendes umfangreiches Beratungsgespräch.	
<b>Inhalt</b>	nach Absprache mit dem Dozenten	
<b>Vermittelte Kompetenzen</b>	Die Befähigung, mathematische Argumente klar und verständlich einem kleineren Kreis von Hörern mitzuteilen.	
<b>Teilnahme-Voraussetzungen</b>	keine	
<b>Nützliche Vorkenntnisse</b>	werden vom Dozenten bekanntgegeben	
<b>Prüfungs-modalitäten</b>	Ein ca. 45- bis 90-minütiger benoteter Vortrag, aktive und passive Teilnahme an weiteren Vorträgen	
<b>Nützliche Literatur</b>	wird vom Dozenten bekanntgegeben	

## Seminar

<b>Code</b> MS	<b>Name</b> Seminar	
<b>Leistungspunkte</b> 6 CP	<b>Dauer</b> 1 Semester	<b>Turnus</b> jedes Semester
<b>Lehrform</b> aktive und passive Teilnahme an Vorträgen 2 SWS + Tutorium 2 SWS	<b>Arbeitsaufwand</b> 180 h, davon 30 h Präsenz 120 h Vorbereitung inkl. Betreuung 30 h schriftl. Ausarbeitung	<b>Verwendbarkeit</b> B. Sc. Mathematik, M. Sc. Mathematik, M. Sc. Sci. Comput. Lehramt Mathematik (GymPO)
<b>Lernziel</b>	Befähigung mathematische Literatur (in der Regel ein anspruchsvollerer Text) zu lesen, sich selbständig mit einer mathematischen Fragestellung zu beschäftigen und hierüber vorzutragen. Dies beinhaltet insbesondere ein dem Vortrag vorausgehendes umfangreiches Beratungsgespräch.	
<b>Inhalt</b>	nach Absprache mit dem Dozenten	
<b>Vermittelte Kompetenzen</b>	Die Befähigung, mathematische Argumente klar und verständlich einem kleineren Kreis von Hörern mitzuteilen.	
<b>Teilnahme-Voraussetzungen</b>	keine	
<b>Nützliche Vorkenntnisse</b>	werden vom Dozenten bekanntgegeben	
<b>Prüfungs-modalitäten</b>	ein ca. 45- bis 90-minütiger benoteter Vortrag	
<b>Nützliche Literatur</b>	wird vom Dozenten bekanntgegeben	

## Bachelorseminar

<b>Code</b> MBS	<b>Name</b> Bachelorseminar	
<b>Leistungspunkte</b> 8 CP	<b>Dauer</b> 1 Semester	<b>Turnus</b>
<b>Lehrform</b> aktive + passive Teilnahme an Vorträgen (2 SWS)	<b>Arbeitsaufwand</b> 240 h	<b>Verwendbarkeit</b> Bachelor Mathematik
<b>Lernziel</b>	Erwerb und Kommunikation komplexer mathematischer Sachverhalte	
<b>Inhalt</b>	Vorstellung der Bachelorarbeit vor Betreuer und anderen Bachelorstudierenden in Form eines Vortrags	
<b>Vermittelte Kompetenzen</b>	Die Befähigung, einen umfangreichen mathematischen Themenkreis klar und verständlich einem kleineren Kreis von Hörern zu vermitteln	
<b>Teilnahme- Voraussetzungen</b>	keine	
<b>Nützliche Vorkenntnisse</b>	werden vom Dozenten bekanntgegeben	
<b>Prüfungs-modalitäten</b>	in der Regel ein etwa 1-stündiger benoteter Vortrag	
<b>Nützliche Literatur</b>	wird vom Dozenten bekanntgegeben	

## 2 Wahlpflichtbereich 1

## Algebra I

<b>Code</b> MB1	<b>Name</b> Algebra I	
<b>Leistungspunkte</b> 8	<b>Dauer</b> 1 Semester	<b>Turnus</b> jährlich im Winter
<b>Lehrform</b> Vorlesung 4 SWS + Übung 2 SWS	<b>Arbeitsaufwand</b> 240	<b>Verwendbarkeit</b> B. Sc. Mathematik Mathematik Lehramt (GymPO)
<b>Lernziel</b>	Abstraktes und strukturelles Denken, Erlernen einer begrifflich komplexen mathematischen Theorie, selbständiges Lösen von Aufgaben aus dem Themenbereich mit Präsentation in den Übungen	
<b>Inhalt</b>	<p>I. Gruppen: Homomorphie- und Isomorphiesätze, Normalreihen und auflösbare Gruppen, Konstruktion und Darstellung von Gruppen, endlich erzeugte abelsche Gruppen, Operation von Gruppen, Sylowsätze, einfache Gruppen.</p> <p>II. Ringe: Homomorphismen und Ideale, Polynomringe, Hauptidealringe und euklidische Ringe, faktorielle Ringe, simultane Kongruenzen, Quotientenringe, symmetrische Polynome.</p> <p>III. Körper: Algebraische und transzendente Körpererweiterungen, endliche Körper, separable und normale Körpererweiterungen, algebraisch abgeschlossene Hülle, Fundamentalsatz der Galoistheorie, Berechnung der Galoisgruppe, abelsche und Kummererweiterungen, Konstruktionen mit Zirkel und Lineal.</p>	
<b>Vermittelte Kompetenzen</b>	Grundwissen über Gruppen, Ringe und Körper einschließlich der Galoisschen Theorie.	
<b>Teilnahme-Voraussetzungen</b>		
<b>Nützliche Vorkenntnisse</b>	Lineare Algebra I (MA4) und Lineare Algebra II (MA5)	
<b>Prüfungs-modalitäten</b>	Lösung von Übungsaufgaben mit benoteter 2-stündiger Klausur. Art und Zeitpunkt einer Wiederholungsprüfung wird vom Dozenten festgelegt und zu Beginn der Vorlesung bekannt gegeben.	
<b>Nützliche Literatur</b>	S. Bosch: Algebra S. Lang: Algebra F. Lorenz, F. Lemmermeyer: Algebra	

## Algebra II

<b>Code</b> MB2	<b>Name</b> Algebra II	
<b>Leistungspunkte</b> 8	<b>Dauer</b> 1 Semester	<b>Turnus</b> jährlich im Sommer
<b>Lehrform</b> Vorlesung 4 SWS + Übung 2 SWS	<b>Arbeitsaufwand</b> 240	<b>Verwendbarkeit</b> B. Sc. Mathematik, Lehramt Mathematik (GymPO)
<b>Lernziel</b>	Abstraktes und strukturelles Denken, Erlernen begrifflich komplexer mathematischer Theorien, selbständiges Lösen von Aufgaben aus dem Themenbereich mit Präsentation in den Übungen	
<b>Inhalt</b>	<p>Der Dozent stellt eine Auswahl aus den folgenden Themenbereichen vor:</p> <p>I. Kommutative Algebra: Noethersche und Artinsche Ringe und Moduln, Hilbertscher Basissatz, Spektrum und Primärzerlegung, Kompletterierung, weitere Themen aus dem Bereich kommutative Algebra</p> <p>II. Darstellungstheorie: Halbeinfache Algebren, Wedderburn-Theorie, Brauergruppe, Gruppencharaktere, induzierte Charaktere und Darstellungen, weitere Themen aus dem Bereich Darstellungstheorie.</p> <p>III. Homologische Algebra: Universelle Konstruktionen, projektive und injektive Moduln, Kategorien und Funktoren, abelsche Kategorien, abgeleitete Funktoren, Gruppenkohomologie, weitere Themen aus dem Bereich Homologische Algebra.</p> <p>IV. Unendliche Galoistheorie: unendliche Galoiserweiterungen, die absolute Galoisgruppe, Galois kohomologie, Hilberts Satz 90, weitere Themen aus dem Bereich Unendliche Galoistheorie.</p> <p>V. Weitere Themenbereiche der Algebra.</p>	
<b>Vermittelte Kompetenzen</b>	Aneignung vertiefter Kenntnisse im Bereich Algebra, z.B. Kommutative Algebra, Homologische Algebra oder Darstellungstheorie, wobei die Stoffauswahl insbesondere die Bedürfnisse der algebraischen und arithmetischen Geometrie berücksichtigt	
<b>Teilnahme-Voraussetzungen</b>		
<b>Nützliche Vorkenntnisse</b>	Algebra I (MB1)	
<b>Prüfungs-modalitäten</b>	Lösung von Übungsaufgaben mit benoteter Klausur bzw. mündlicher Prüfung. Art und Zeitpunkt einer Wiederholungsprüfung werden vom Dozenten festgelegt und zu Beginn der Vorlesung bekannt gegeben.	
<b>Nützliche Literatur</b>	<p>M. Atiyah, I. MacDonald: Introduction to Commutative Algebra</p> <p>D. Eisenbud: Commutative Algebra</p> <p>P. Hilton, U. Stammbach: A Course in Homological Algebra</p> <p>H. Matsumura: Commutative Ring Theory</p> <p>J.-P. Serre: Linear Representations of Finite Groups</p> <p>C. H. Weibel: An Introduction to Homological Algebra</p>	

## Funktionentheorie I

<b>Code</b> MB3	<b>Name</b> Funktionentheorie I	
<b>Leistungspunkte</b> 8	<b>Dauer</b> 1 Semester	<b>Turnus</b> jährlich im Sommer
<b>Lehrform</b> Vorlesung 4 SWS + Übung 2 SWS	<b>Arbeitsaufwand</b> 240 h	<b>Verwendbarkeit</b> B. Sc. Mathematik Mathematik Lehramt (GymPO)
<b>Lernziel</b>	Selbstständiges Lösen von Aufgaben aus dem Themenbereich mit Präsentation in den Übungen; Fähigkeit der Anwendung auf andere Gebiete wie z. B. Mathematische und Theoretische Physik	
<b>Inhalt</b>	<p>I. Differentialrechnung im Komplexen: Komplexe Ableitung, die Cauchy-Riemannsche Differentialgleichungen.</p> <p>II. Integralsätze: Der Cauchysche Integralsatz, die Cauchyschen Integralformeln.</p> <p>III. Singularitäten analytischer Funktionen, Residuensatz: Potenzreihen, Abbildungseigenschaften analytischer Funktionen, Fundamentalsatz der Algebra, Singularitäten analytischer Funktionen, Laurentzerlegung, der Residuensatz.</p> <p>IV. Konforme Abbildungen.</p> <p>V. Topologische Ergänzungen: Die Homotopieversion des Cauchyschen Integralsatzes, Charakterisierungen von einfach zusammenhängenden Gebieten.</p>	
<b>Vermittelte Kompetenzen</b>	Einführung in die komplexe Analysis	
<b>Teilnahme-Voraussetzungen</b>		
<b>Nützliche Vorkenntnisse</b>	Analysis I, II (MA1, MA2) und Lineare Algebra I, II (MA4, MA5)	
<b>Prüfungs-modalitäten</b>	Lösung von Übungsaufgaben mit benoteter 2-stündiger Klausur. Art und Zeitpunkt einer Wiederholungsprüfung wird vom Dozenten festgelegt und zu Beginn der Vorlesung bekannt gegeben.	
<b>Nützliche Literatur</b>	Freitag, Busam: Funktionentheorie I Remmert, Schumacher: Funktionentheorie I Fischer, Lieb: Funktionentheorie	

## Funktionentheorie II

<b>Code</b> MB4	<b>Name</b> Funktionentheorie II	
<b>Leistungspunkte</b> 8	<b>Dauer</b> 1 Semester	<b>Turnus</b> jährlich im Winter
<b>Lehrform</b> Vorlesung 4 SWS + Übung 2 SWS	<b>Arbeitsaufwand</b> 240	<b>Verwendbarkeit</b> B. Sc. Mathematik Mathematik Lehramt (GymPO)
<b>Lernziel</b>	Selbständiges Lösen von Aufgaben aus dem Themenbereich mit Präsentation in den Übungen.	
<b>Inhalt</b>	<p>I. Konstruktion analytischer Funktionen: Spezielle Funktionen (z. B. Gammafunktion), der Weierstraßsche Produktsatz, der Partialbruchsatz von Mittag-Leffler            II. Elliptische Funktionen            III. Modulformen</p> <p>Mögliche Vertiefungen finden in den folgenden Gebieten statt:            I. Riemannsche Flächen            II. Funktionentheorie mehrerer Veränderlicher            III. Analytische Zahlentheorie            IV. Wertverteilungstheorie, geometrische Funktionentheorie</p>	
<b>Vermittelte Kompetenzen</b>	Fortsetzung der Vorlesung Funktionentheorie I (MB3)	
<b>Teilnahme-Voraussetzungen</b>		
<b>Nützliche Vorkenntnisse</b>	Analysis I (MA1), Lineare Algebra I (MA4), Funktionentheorie I (MB3)	
<b>Prüfungs-modalitäten</b>	Lösung von Übungsaufgaben mit benoteter 2-stündiger Klausur. Art und Zeitpunkt einer Wiederholungsprüfung wird vom Dozenten festgelegt und zu Beginn der Vorlesung bekannt gegeben.	
<b>Nützliche Literatur</b>	Wird in der Vorlesung bekannt gegeben.	

## Algebraische Topologie I

<b>Code</b> MB5	<b>Name</b> Algebraische Topologie I	
<b>Leistungspunkte</b> 8	<b>Dauer</b> 1 Semester	<b>Turnus</b> 2-jährlich
<b>Lehrform</b> Vorlesung 4 SWS + Übung 2 SWS	<b>Arbeitsaufwand</b> 240	<b>Verwendbarkeit</b> B. Sc. Mathematik
<b>Lernziel</b>	Selbständiges Lösen von Aufgaben aus dem Themenbereich mit Präsentation in den Übungen.	
<b>Inhalt</b>	Grundlagen der Punktmengentopologie, Homotopie, Fundamentalgruppe, Satz von Seifert-Van Kampen, Theorie der Überlagerungen, Homologie, Grundlegende Begriffsbildungen aus der Kategorientheorie, Eilenberg-Steenrod Axiomatik, Mayer-Vietoris Sequenz, die Euler-Charakteristik, Anwendungen.	
<b>Vermittelte Kompetenzen</b>		
<b>Teilnahme-Voraussetzungen</b>		
<b>Nützliche Vorkenntnisse</b>	Analysis I und II (MA1, MA2), Lineare Algebra I und II (MA4, MA5)	
<b>Prüfungs-modalitäten</b>	Lösung von Übungsaufgaben mit benoteter Klausur bzw. mündlicher Prüfung. Art und Zeitpunkt einer Wiederholungsprüfung werden vom Dozenten festgelegt und zu Beginn der Vorlesung bekannt gegeben.	
<b>Nützliche Literatur</b>	Glen E. Bredon: Topology and Geometry James R. Munkres: Elements of Algebraic Topology	

## Algebraische Topologie II

<b>Code</b> MB6	<b>Name</b> Algebraische Topologie II	
<b>Leistungspunkte</b> 8	<b>Dauer</b> 1 Semester	<b>Turnus</b>
<b>Lehrform</b> Vorlesung 4 SWS + Übung 2 SWS	<b>Arbeitsaufwand</b> 240 h	<b>Verwendbarkeit</b> B. Sc. Mathematik
<b>Lernziel</b>	Selbständiges Lösen von Aufgaben aus dem Themenbereich mit Präsentation in den Übungen.	
<b>Inhalt</b>	Kohomologie, Koeffizienten, universelles Koeffiziententheorem, Produkte in der Kohomologie, Künneth-Theorem, Topologische und glatte Mannigfaltigkeiten, Orientierung und Fundamentalklasse, Dualitätssätze für Mannigfaltigkeiten, Homotopietheorie: Satz von Hurewicz, Satz von Whitehead, Faserungen und Kofaserungen, Schleifenräume, Puppe-Sequenz, Eilenberg-MacLane Räume.	
<b>Vermittelte Kompetenzen</b>		
<b>Teilnahme- Voraussetzungen</b>		
<b>Nützliche Vorkenntnisse</b>	Analysis I (MA1), Lineare Algebra I (MA4), Algebraische Topologie I (MB5)	
<b>Prüfungs-modalitäten</b>	Lösung von Übungsaufgaben mit benoteter Klausur bzw. mündlicher Prüfung. Art und Zeitpunkt einer Wiederholungsprüfung werden vom Dozenten festgelegt und zu Beginn der Vorlesung bekannt gegeben.	
<b>Nützliche Literatur</b>	Glen E. Bredon: Topology and Geometry, James R. Munkres: Elements of Algebraic Topology, Edwin H. Spanier: Algebraic Topology, James F. Davis, Paul Kirk: Lecture Notes in Algebraic Topology	

## Differentialgeometrie I

<b>Code</b> MG15	<b>Name</b> Differentialgeometrie I	
<b>Leistungspunkte</b> 8	<b>Dauer</b> 1 semester	<b>Turnus</b> jährlich im Winter
<b>Lehrform</b> Vorlesung 4 SWS + Übung 2 SWS	<b>Arbeitsaufwand</b> 240 h	<b>Verwendbarkeit</b> B. Sc. Mathematik
<b>Lernziel</b>	Selbständiges Lösen von Aufgaben aus dem Themenbereich mit Präsentation in den Übungen	
<b>Inhalt</b>	Differenzierbare Mannigfaltigkeit, (Semi-) Riemannsche Mannigfaltigkeiten, Zusammenhänge, Geodätische, Krümmung.	
<b>Vermittelte Kompetenzen</b>	Kenntnis der Grundbegriffe der Differentialgeometrie, Beherrschung des Kalküls Fähigkeit, Methoden aus der Analysis und Algebra zu Behandlung geometrischer Probleme anzuwenden.	
<b>Teilnahme-Voraussetzungen</b>		
<b>Nützliche Vorkenntnisse</b>	Analysis I,II; Lineare Algebra I, II	
<b>Prüfungs-modalitäten</b>	Lösung von Übungsaufgaben mit benoteter Klausur bzw. mündlicher Prüfung. Art und Zeitrahmen einer Wiederholungsprüfung werden vom Dozenten festgelegt und zu Beginn der Vorlesung bekannt gegeben.	
<b>Nützliche Literatur</b>	Do Carmo: Riemannian Geometry Gallot-Hulin-Lafontaine: Riemannian Geometry Gromoll-Klingenberg-Meyer: Riemannsche Geometrie im Großen Kobayashi-Nomizu: Foundations of Differential Geometry Petersen: Riemannian Geometry Spivak: Differential Geometry	

## 3 Wahlpflichtbereich 2

## Gewöhnliche Differentialgleichungen

<b>Code</b> MC1	<b>Name</b> Gewöhnliche Differentialgleichungen	
<b>Leistungspunkte</b> 8	<b>Dauer</b> 1 Semester	<b>Turnus</b>
<b>Lehrform</b> Vorlesung 4 SWS + Übung 2 SWS	<b>Arbeitsaufwand</b> 240	<b>Verwendbarkeit</b>
<b>Lernziel</b>	Selbständiges Lösen von Aufgaben aus dem Themenbereich mit Präsentation in den Übungen	
<b>Inhalt</b>	<p>I. Elementare Lösungsmethoden: Trennung der Variablen, Variation der Konstanten, exakte Differentialgleichungen</p> <p>II. Existenz- und Eindeutigkeitsätze: eindeutige Lösbarkeit von Anfangswertproblemen, maximale Lösungen, Lemma von Gronwall</p> <p>III. Abhängigkeit von Parametern: stetige und differenzierbare Abhängigkeit von Anfangswerten und Parametern</p> <p>IV. Lineare Differentialgleichungen: Fundamentalsystem, Wronskideterminante, Evolutionsoperator, Exponentialfunktion</p> <p>V. Dynamische Systeme und Flüsse: Orbit, Phasenporträt, Satz von Liouville, ebene lineare Flüsse, hyperbolische lineare Flüsse, Koordinatentransformation, Flussäquivalenz</p> <p>VI. Stabilität: Ljapunovstabilität, invariante Mengen, Ljapunovfunktionen</p>	
<b>Vermittelte Kompetenzen</b>	Einführung in die Lösungstheorie gewöhnlicher Differentialgleichungen	
<b>Teilnahme-Voraussetzungen</b>		
<b>Nützliche Vorkenntnisse</b>	Analysis I und II (MA1,MA2), Lineare Algebra I (MA4)	
<b>Prüfungs-modalitäten</b>	Klausur (2-stündig)	
<b>Nützliche Literatur</b>	<p>H. Amann: Gewöhnliche Differentialgleichungen</p> <p>W. Walter: Gewöhnliche Differentialgleichungen</p> <p>V.I. Arnold: Gewöhnliche Differentialgleichungen</p>	

## Partielle Differentialgleichungen

<b>Code</b> MC2	<b>Name</b> Partielle Differentialgleichungen	
<b>Leistungspunkte</b> 8	<b>Dauer</b> 1 Semester	<b>Turnus</b>
<b>Lehrform</b> Vorlesung 4 SWS + Übung 2 SWS	<b>Arbeitsaufwand</b> 240	<b>Verwendbarkeit</b>
<b>Lernziel</b>	Selbständiges Lösen von Aufgaben aus dem Themenbereich mit Präsentation in den Übungen	
<b>Inhalt</b>	I. Die Potentialgleichung: Fundamentallösung, Maximumprinzip, Perron-Verfahren, Newton-Potential II. Die Wärmeflussgleichung: Anfangswertproblem III. Die Wellengleichung: Wellengleichung in niederen Raumdimensionen, Cauchy-Problem IV. Die Hilbertraummethode bei elliptischen Randwertproblemen	
<b>Vermittelte Kompetenzen</b>	Einführung in das Gebiet der partiellen Differentialgleichungen an Hand dreier klassischer Beispiele sowie Grundwissen über einen funktionalanalytischen Zugang.	
<b>Teilnahme-Voraussetzungen</b>		
<b>Nützliche Vorkenntnisse</b>	Analysis I und II (MA1, MA2) , Lineare Algebra I und II (MA4, MA5), Höhere Analysis (MA3)	
<b>Prüfungs-modalitäten</b>	Lösung von Übungsaufgaben mit benoteter Klausur bzw. mündlicher Prüfung. Art und Zeitpunkt einer Wiederholungsprüfung werden vom Dozenten festgelegt und zu Beginn der Vorlesung bekannt gegeben.	
<b>Nützliche Literatur</b>	J. Jost: Partielle Differentialgleichungen	

## Funktionalanalysis

<b>Code</b> MC3	<b>Name</b> Funktionalanalysis	
<b>Leistungspunkte</b> 8	<b>Dauer</b> 1 Semester	<b>Turnus</b>
<b>Lehrform</b> Vorlesung 4 SWS + Übung 2 SWS	<b>Arbeitsaufwand</b> 240	<b>Verwendbarkeit</b>
<b>Lernziel</b>	Selbständiges Lösen von Aufgaben aus dem Themenbereich mit Präsentation in den Übungen	
<b>Inhalt</b>	<p>I. Metrische Räume und ihre Abbildungen: u.a. Vervollständigung, Satz von Baire, (relativ) kompakte Teilmengen und ihre Charakterisierung, Fortsetzbarkeit gleichmässig stetiger Abbildungen</p> <p>II. Normierte Räume und ihre Abbildungen: inklusiv Banach-Räume, Dualräume, schwache Topologien, topologische Vektorräume, Beispiele von Funktionenräumen, Spektraltheorie kompakter Operatoren, mit den üblichen Sätzen (inklusive Spektralsatz)</p> <p>III. Hilbert-Räume und ihre Abbildungen</p>	
<b>Vermittelte Kompetenzen</b>		
<b>Teilnahme-Voraussetzungen</b>		
<b>Nützliche Vorkenntnisse</b>	Analysis I und II (MA1, MA2) , Lineare Algebra I und II (MA4, MA5), Höhere Analysis (MA3)	
<b>Prüfungs-modalitäten</b>	Lösung von Übungsaufgaben mit benoteter 2-stündiger Klausur. Art und Zeitpunkt einer Wiederholungsprüfung wird vom Dozenten festgelegt und zu Beginn der Vorlesung bekannt gegeben.	
<b>Nützliche Literatur</b>	Bekanntgabe in der Vorlesung	

## Wahrscheinlichkeitstheorie

<b>Code</b> MC4	<b>Name</b> Wahrscheinlichkeitstheorie	
<b>Leistungspunkte</b> 8	<b>Dauer</b> 1 Semester	<b>Turnus</b>
<b>Lehrform</b> Vorlesung 4 SWS + Übung 2 SWS	<b>Arbeitsaufwand</b> 240	<b>Verwendbarkeit</b>
<b>Lernziel</b>	Selbständiges Lösen von Aufgaben aus dem Themenbereich mit Präsentation in den Übungen	
<b>Inhalt</b>	<p>I. Maß- und Integrationstheorie: Algebren, Borel-Algebra, messbare Abbildungen, Konstruktion von Wahrscheinlichkeitsmaßen, Produkträume. Erwartungswert als Maßintegral, Sätze von Lebesgue, Beppo Levi, Fubini und Radon-Nikodym.</p> <p>II. Konvergenz von Zufallsvariablen: <math>L_p</math>-Räume, Zusammenhang zwischen fast sicherer, stochastischer und <math>L_p</math>-Konvergenz, Starkes Gesetz der großen Zahlen, Konvergenz in Verteilung, charakteristische Funktionen, zentraler Grenzwertsatz.</p> <p>III. Bedingte Verteilungen: Bedingte Erwartungen, Markov-Kerne, Martingale in diskreter Zeit.</p> <p>IV. Stochastische Prozesse: Brownsche Bewegung, Poisson-Prozess, Empirischer Prozess.</p>	
<b>Vermittelte Kompetenzen</b>	Grundlagen für alle Gebiete der Wahrscheinlichkeitstheorie und Statistik	
<b>Teilnahme-Voraussetzungen</b>		
<b>Nützliche Vorkenntnisse</b>	Analysis I und II (MA1, MA2) , Lineare Algebra I und II (MA4, MA5), Höhere Analysis (MA3), Einführung in die Wahrscheinlichkeitstheorie und Statistik (MA 8)	
<b>Prüfungs-modalitäten</b>	Lösung von Übungsaufgaben mit benoteter 2-stündiger Klausur. Art und Zeitpunkt einer Wiederholungsprüfung wird vom Dozenten festgelegt und zu Beginn der Vorlesung bekannt gegeben.	
<b>Nützliche Literatur</b>	<p>Bauer, H.: Wahrscheinlichkeitstheorie, de Gruyter.</p> <p>Billingsley, P.: Probability and Measure, Wiley.</p> <p>Dudley, R.N.: Real Analysis and Probability</p> <p>Durrett, R.: Probability: Theory and Examples, Duxbury Press</p> <p>Jacod, J. and Protter, P.: Probability Essentials, Springer</p> <p>Shiryayev, A.: Probability, Springer.</p>	

## 4 Wahlpflichtbereich 3

## Numerik

<b>Code</b> MD1	<b>Name</b> Numerik	
<b>Leistungspunkte</b> 8	<b>Dauer</b> 1 Semester	<b>Turnus</b>
<b>Lehrform</b> Vorlesung 4 SWS + Übung 2 SWS	<b>Arbeitsaufwand</b> 240 h	<b>Verwendbarkeit</b> B. Sc. Mathematik
<b>Lernziel</b>	Abstraktes und algorithmisches Denken, Anwendung von Techniken der Analysis und linearen Algebra, selbständiges Lösen von Aufgaben aus dem Themenbereich mit Präsentation in den Übungen	
<b>Inhalt</b>	<p>I. Theorie von Anfangs- und Randwertaufgaben</p> <p>II. Einschrittmethoden: Konsistenz, Stabilität, Konvergenz.</p> <p>III. Numerische Stabilität und steife Anfangswertaufgaben</p> <p>IV. Andere Verfahrensklassen: Lineare Mehrschrittmethoden, Extrapolationsmethoden, Galerkin-Methoden (optional).</p> <p>V. Lösung von Differentiellalgebraischen Aufgaben</p> <p>VI. Lösung von Randwertaufgaben: Schießverfahren, Differenzen und Galerkin-Verfahren (optional).</p> <p>VII. Differenzenverfahren für elliptische partielle Differentialgleichungen, Laplace-Gleichung, 5-Punkte-Approximation.</p> <p>VIII. Iterative Lösungsverfahren für diskretisierte Probleme.</p>	
<b>Vermittelte Kompetenzen</b>	Kenntnisse der numerischen Lösung von Anfangswert- und Randwertaufgaben gewöhnlicher Differentialgleichungen und einfacher partieller Differentialgleichungen	
<b>Teilnahme-Voraussetzungen</b>		
<b>Nützliche Vorkenntnisse</b>	Analysis I (MA1), Lineare Algebra I (MA4), Einführung in die Numerik (MA7)	
<b>Prüfungs-modalitäten</b>	Lösung von Übungsaufgaben, mit benoteten 2-stündigen Klausuren, Wiederholungsmöglichkeit mit der Vorlesung im Folgejahr.	
<b>Nützliche Literatur</b>	Bekanntgabe in der Vorlesung (Vorlesungsskriptum)	

## Statistik

<b>Code</b> MD2	<b>Name</b> Statistik	
<b>Leistungspunkte</b> 8	<b>Dauer</b> 1 Semester	<b>Turnus</b>
<b>Lehrform</b> Vorlesung 4 SWS + Übung 2 SWS	<b>Arbeitsaufwand</b> 240 h	<b>Verwendbarkeit</b>
<b>Lernziel</b>	Selbständiges Lösen von Aufgaben aus dem Themenbereich mit Präsentation in den Übungen	
<b>Inhalt</b>	I. Entscheidungstheorie: Dualität von Tests und Konfidenzbereichen, Neyman-Pearson-Theorie, allgemeine Entscheidungsverfahren, Risikofunktionen, Bayes- und Minimaxoptimalität II. Asymptotische Statistik: Verteilungsapproximation, Fisher-Information, relative asymptotische Effizienz von Tests und Schätzern, Likelihood-basierte Verfahren, nichtparametrische Verfahren.	
<b>Vermittelte Kompetenzen</b>	Prinzipien der mathematischen Statistik	
<b>Teilnahme-Voraussetzungen</b>	keine	
<b>Nützliche Vorkenntnisse</b>	Analysis I (MA1), Lineare Algebra I (MA4), Einführung in die Wahrscheinlichkeitstheorie u. Statistik (MA8), Wahrscheinlichkeitstheorie (MC4)	
<b>Prüfungs-modalitäten</b>	Lösung von Übungsaufgaben mit benoteter 2-stündiger Klausur. Art und Zeitpunkt einer Wiederholungsprüfung wird vom Dozenten festgelegt und zu Beginn der Vorlesung bekannt gegeben.	
<b>Nützliche Literatur</b>	Bickel, P. J. and Doksum, K. A.: Mathematical Statistics, Prentice Hall Lehmann, E. L.: Testing Statistical Hypotheses, Springer Verlag Van der Vaart, A. W.: Asymptotic Statistics, Cambridge University Press	

## Lineare Optimierung

<b>Code</b> MD3	<b>Name</b> Lineare Optimierung	
<b>Leistungspunkte</b> 8 LP	<b>Dauer</b> ein Semester	<b>Turnus</b>
<b>Lehrform</b> Vorlesung 4 SWS + Übung 2 SWS	<b>Arbeitsaufwand</b> 240 h	<b>Verwendbarkeit</b> B. Sc. Mathematik
<b>Lernziel</b>	Selbständiges Lösen von Aufgaben aus dem Themenbereich mit Präsentation in den Übungen, Bearbeiten von praktischen Programmieraufgaben	
<b>Inhalt</b>	Die Vorlesung behandelt die folgenden Themen: Formulierung von linearen Optimierungsproblemen Dualitätstheorie Struktur von Polyedern Die Simplexmethode, Grundversion und Varianten Der duale Simplex-Algorithmus Postoptimale Analyse und Re-Optimierung Polynomiale Algorithmen zur Linearen Optimierung Innere-Punkte-Methoden	
<b>Vermittelte Kompetenzen</b>	Probleme, Theorie, Methoden und Algorithmen der Linearen Optimierung	
<b>Teilnahme-Voraussetzungen</b>	keine	
<b>Nützliche Vorkenntnisse</b>	Lineare Algebra I, Programmierkenntnisse	
<b>Prüfungs-modalitäten</b>	Lösung von Übungsaufgaben mit benoteter Klausur bzw. mündlicher Prüfung. Art und Zeitrahmen einer Wiederholungsprüfung werden vom Dozenten festgelegt und zu Beginn der Vorlesung bekannt gegeben.	
<b>Nützliche Literatur</b>	Padberg: Linear Optimization and Extensions Chvátal: Linear Programming Wright: Primal-Dual Interior-Point Methods	

## Nichtlineare Optimierung

<b>Code</b> MD4	<b>Name</b> Nichtlineare Optimierung	
<b>Leistungspunkte</b> 8 LP	<b>Dauer</b> ein Semester	<b>Turnus</b>
<b>Lehrform</b> Vorlesung 4 SWS + Übung 2 SWS	<b>Arbeitsaufwand</b> 240 h	<b>Verwendbarkeit</b> B. Sc. Mathematik
<b>Lernziel</b>	Selbständiges Lösen von Aufgaben aus dem Themenbereich mit Präsentation in den Übungen, Bearbeiten von praktischen Programmieraufgaben	
<b>Inhalt</b>	Die Vorlesung behandelt die folgenden Themen: Endlich-dimensionale, glatte, kontinuierliche, nichtlineare Optimierungsprobleme, Optimalitätsbedingungen für unbeschränkte und beschränkte Optimierungsprobleme, Gradientenverfahren, Konjugierte Gradienten-(CG-)Verfahren, Line Search, Newton- und Quasi-Newton-SQP-Verfahren, Gauß-Newton-Verfahren, Behandlung von Ungleichungsbeschränkungen, Trust-Region-Verfahren, Automatische Differentiation	
<b>Vermittelte Kompetenzen</b>	Probleme, Theorie, Methoden und Algorithmen der Nichtlinearen Optimierung	
<b>Teilnahme-Voraussetzungen</b>	keine	
<b>Nützliche Vorkenntnisse</b>	Lineare Algebra I, Analysis I und II, Programmierkenntnisse	
<b>Prüfungs-modalitäten</b>	Lösung von Übungsaufgaben. Benotete Klausur bzw. mündliche Prüfung. Art und Zeitrahmen einer Wiederholungsprüfung werden vom Dozenten festgelegt und zu Beginn der Vorlesung bekannt gegeben.	
<b>Nützliche Literatur</b>	Nocedal, Wright: Numerical Optimization Gill, Murray, Saunders, Wright: Practical Optimization Geiger, Kanzow: Numerik (un)restringierter Optimierung Jarre, Stoer: Optimierung	

## Computational Statistics

<b>Code</b> MD6	<b>Name</b> Computational Statistics	
<b>Leistungspunkte</b> 8 LP	<b>Dauer</b> ein Semester	<b>Turnus</b>
<b>Lehrform</b> Vorlesung mit Übungen	<b>Arbeitsaufwand</b> 240 h	<b>Verwendbarkeit</b> B. Sc. Mathematik
<b>Lernziel</b>	Anwendung eines Statistik-Systems (als Beispiel R); Output-Analyse und Diagnostik; Entwurf und Implementierung einfacher stochastischer Simulationen.	
<b>Inhalt</b>	<p>In diesem Kurs soll die Anwendung statistischer Verfahren am Computer eingeübt werden. Statistische Grundkenntnisse werden vorausgesetzt. Der Hintergrund der im Kurs verwendeten Methoden wird bei Bedarf wiederholt. Verwendet wird die speziell für die Statistik entwickelte Programmiersprache R. Vorkenntnisse über R sind nicht erforderlich. Eine Einführung in R ist Teil des Kurses. Dieser Teil wird evtl. als Blockkurs angeboten. Es wird empfohlen, diesen Teil vorab zu besuchen.</p> <p>'Computational Statistics' ist der Zweig der Statistik, der von den heutigen rechnerischen Möglichkeiten ausgeht. Neben effizienter Implementierung klassischer Verfahren stehen oft neue bis hin zu experimentellen Ansätzen. Die Vorlesung stellt typische Konzepte der Statistik vor und illustriert ihre praktische Anwendung.</p> <p>Themenbereiche sind:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Diagnostik und Anpassungstests für univariate Verteilungen</li> <li>- Lineare Modelle, incl. Residuenanalyse und Regressionsdiagnostik</li> <li>- Allgemeine Zwei-Stichproben-Vergleiche</li> <li>- Nichtparametrische Verfahren</li> <li>- Monte-Carlo-Verfahren, Resampling-Verfahren, Simulation</li> <li>- Beispiele für multivariate Methoden, wie z.B. multidimensionale Skalierung, Hauptkomponenten-Analyse, Projection Pursuit</li> </ul>	
<b>Vermittelte Kompetenzen</b>	Statistische Modellierung; praktische Anwendung statistischer Verfahren am Computer; Output-Interpretation und Analyse; Modell- und Datendiagnostik; Programmierung in R.	
<b>Teilnahme-Voraussetzungen</b>		
<b>Nützliche Vorkenntnisse</b>	MD2 Statistik (kann parallel besucht werden)	
<b>Prüfungs-modalitäten</b>	Programmieraufgaben: Implementierung statistischer Auswertung für gegebene Datensätze und schriftliche Analyse der Ergebnisse.	
<b>Nützliche Literatur</b>	John M. Chambers: Computational Methods for Data Analysis G. Sawitzki: Computational Statistics: An Introduction to R	

## 5 Wahlbereich

## Lie Algebren und Lie Gruppen I

<b>Code</b> MB10	<b>Name</b> Lie Algebren und Lie Gruppen I	
<b>Leistungspunkte</b> 8	<b>Dauer</b> 1 Semester	<b>Turnus</b>
<b>Lehrform</b> Vorlesung 4 SWS + Übung 2 SWS	<b>Arbeitsaufwand</b> 240	<b>Verwendbarkeit</b>
<b>Lernziel</b>	Abstraktes und strukturelles Denken, Erlernen einer begrifflich komplexen mathematischen Theorie, selbständiges Lösen von Aufgaben aus dem Themenbereich mit Präsentation in den Übungen	
<b>Inhalt</b>	I. Lie Gruppen, assoziierte Lie Algebra, Exponentialabbildung, Beispiele (in der Physik) II. Abstrakte Lie-Algebren, Ideale, Homomorphismen, auflösbare und nilpotente Lie-Algebren. III. Halbeinfache Lie-Algebren: Theoreme von Lie und Cartan, Killing Form, Darstellungen (von $sl_2$ ), Wurzelraumzerlegung	
<b>Vermittelte Kompetenzen</b>	Grundwissen über Lie-Algebren und Lie-Gruppen.	
<b>Teilnahme-Voraussetzungen</b>		
<b>Nützliche Vorkenntnisse</b>	Lineare Algebra I (MA4) und Lineare Algebra II (MA5), evtl. Algebra I (MB1)	
<b>Prüfungs-modalitäten</b>	Lösung von Übungsaufgaben mit benoteter 2-stündiger Klausur bzw. mit mündlicher Prüfung.	
<b>Nützliche Literatur</b>	J. P. Serre: Complex Semisimple Lie Algebras J. P. Serre: Lie algebras and Lie groups J. E. Humphreys: Introduction to Lie algebras and Representation theory N. Jacobson: Lie algebras V. S. Varadarajan: Lie Groups, Lie Algebras, and Their Representations	

## Lie Algebren und Lie Gruppen II

<b>Code</b> MB11	<b>Name</b> Lie Algebren und Lie Gruppen II	
<b>Leistungspunkte</b> 8	<b>Dauer</b> 1 Semester	<b>Turnus</b>
<b>Lehrform</b> Vorlesung 4 SWS + Übung 2 SWS	<b>Arbeitsaufwand</b> 240	<b>Verwendbarkeit</b>
<b>Lernziel</b>	Abstraktes und strukturelles Denken, Erlernen begrifflich komplexer mathematischer Theorien, selbständiges Lösen von Aufgaben aus dem Themenbereich mit Präsentation in den Übungen	
<b>Inhalt</b>	I. Wurzelsysteme, Weyl Gruppe, Klassifikation, Gewichte II. Isomorphie- und Konjugations-Teoreme, Existenzsatz, Universelle Einhüllende Algebra, Poincaré-Birkhoff-Witt Theorem III. Darstellungstheorie IV. Komplexe und kompakte Gruppen	
<b>Vermittelte Kompetenzen</b>	Klassifikation von Lie-Algebren und Lie-Gruppen	
<b>Teilnahme-Voraussetzungen</b>		
<b>Nützliche Vorkenntnisse</b>	Lie Algebren und Lie Gruppen I	
<b>Prüfungs-modalitäten</b>	Lösung von Übungsaufgaben mit benoteter Klausur bzw. mündlicher Prüfung.	
<b>Nützliche Literatur</b>	J. P. Serre: Complex Semisimple Lie Algebras J. P. Serre: Lie algebras and Lie groups J. E. Humphreys: Introduction to Lie algebras and Representation theory N. Jacobson: Lie algebras V. S. Varadarajan: Lie Groups, Lie Algebras, and Their Representations	

## Elementare Zahlentheorie

<b>Code</b> ME1	<b>Name</b> Elementare Zahlentheorie	
<b>Leistungspunkte</b> 8	<b>Dauer</b> 1 Semester	<b>Turnus</b>
<b>Lehrform</b> Vorlesung 4 SWS + Übung 2 SWS	<b>Arbeitsaufwand</b> 240	<b>Verwendbarkeit</b>
<b>Lernziel</b>	Selbständiges Lösen von Aufgaben aus dem Themenbereich mit Präsentation in den Übungen	
<b>Inhalt</b>	<p>I. Teilbarkeitslehre: Teilbarkeit, Euklidischer Algorithmus, Primfaktorzerlegung, Gruppe der primen Restklassen, Chinesischer Restsatz, RSA-Verfahren</p> <p>II. Primzahlen: Quadratische Reziprozität, Summen von Quadraten, Primzahltests, elementare Resultate zur Primzahlverteilung</p> <p>III. Quadratische Zahlkörper: Ganzheitsring, Einheitengruppe, Kettenbrüche, Idealklassengruppe, Zerlegungsgesetz, diophantische Gleichungen.</p>	
<b>Vermittelte Kompetenzen</b>	Einführung in die Zahlentheorie und ihre Anwendungen	
<b>Teilnahme-Voraussetzungen</b>		
<b>Nützliche Vorkenntnisse</b>	Lineare Algebra I (MA4)	
<b>Prüfungs-modalitäten</b>	Lösung von Übungsaufgaben mit benoteter 2-stündiger Klausur. Art und Zeitpunkt einer Wiederholungsprüfung wird vom Dozenten festgelegt und zu Beginn der Vorlesung bekannt gegeben.	
<b>Nützliche Literatur</b>	Schmidt: Einführung in die algebraische Zahlentheorie	

## Einführung in die Geometrie

<b>Code</b> ME2	<b>Name</b> Einführung in die Geometrie	
<b>Leistungspunkte</b> 8	<b>Dauer</b> 1 Semester	<b>Turnus</b>
<b>Lehrform</b> Vorlesung 4 SWS + Übung 2 SWS	<b>Arbeitsaufwand</b> 240	<b>Verwendbarkeit</b>
<b>Lernziel</b>	Selbständiges Lösen von Aufgaben aus dem Themenbereich mit Präsentation in den Übungen	
<b>Inhalt</b>	I. Euklidische Geometrie: Grundlagen der affinen und euklidischen Geometrie, Isometriegruppen euklidischer Räume, Platonische Körper, Kegelschnitte, Einblick in eine nicht-euklidische Geometrie. II. Projektive Geometrie: Projektive Räume und Koordinaten, projektive Abbildungen und Projektivitäten, Kollineationen, Dualitätsprinzip, projektive Quadriken. III. Polyeder: Eulersche Polyederformel, Eulercharakteristik	
<b>Vermittelte Kompetenzen</b>	Grundbegriffe der Geometrie mit Anwendungen	
<b>Teilnahme-Voraussetzungen</b>		
<b>Nützliche Vorkenntnisse</b>	Lineare Algebra I und II (MA4, MA5)	
<b>Prüfungs-modalitäten</b>	Lösung von Übungsaufgaben mit benoteter 2-stündiger Klausur. Art und Zeitpunkt einer Wiederholungsprüfung wird vom Dozenten festgelegt und zu Beginn der Vorlesung bekannt gegeben.	
<b>Nützliche Literatur</b>	Bekanntgabe in der Vorlesung	

## Mathematische Logik

<b>Code</b> ME3	<b>Name</b> Mathematische Logik	
<b>Leistungspunkte</b> 8 LP	<b>Dauer</b> ein Semester	<b>Turnus</b>
<b>Lehrform</b> Vorlesung 4 SWS, Übung 2 SWS	<b>Arbeitsaufwand</b> 240 h; davon 60 h Vorlesung 30 h Übung 120 h Bearbeitung der Hausaufgaben und Nachbereitung der Vorlesung 30 h Klausur mit Vorbereitung	<b>Verwendbarkeit</b>
<b>Lernziel</b>	Selbständiges Lösen von Aufgaben aus dem Themenbereich mit Präsentation in den Übungen	
<b>Inhalt</b>	<p>I. Prädikatenlogik: Untersuchung der in der Mathematik üblichen logischen Schlussweisen.</p> <p>II. Mengenlehre: Grundlagentheorie der Mathematik sowie Theorie der Ordinal- und Kardinalzahlen.</p> <p>III. Modelltheorie: Zusammenhang zwischen axiomatischen Theorien und ihren Modellen mit Beispielen aus der Algebra.</p> <p>IV. Berechenbarkeitstheorie: Eigenschaften des Begriffes der berechenbaren Funktion.</p> <p>V. Beweistheorie: Grenzen der Formalisierbarkeit, Unvollständigkeit und Unentscheidbarkeit.</p>	
<b>Vermittelte Kompetenzen</b>	Einführung in die verschiedenen Teilgebiete der Mathematischen Logik.	
<b>Teilnahme-Voraussetzungen</b>		
<b>Nützliche Vorkenntnisse</b>	Lineare Algebra I (MA4), Einführung in die Praktische Informatik (IPI)	
<b>Prüfungs-modalitäten</b>	Lösung von Übungsaufgaben mit benoteter Klausur bzw. mündlicher Prüfung. Art und Zeitpunkt einer Wiederholungsprüfung werden vom Dozenten festgelegt und zu Beginn der Vorlesung bekannt gegeben.	
<b>Nützliche Literatur</b>	Bekanntgabe in der Vorlesung	

## Analysis auf Mannigfaltigkeiten

<b>Code</b> ME4	<b>Name</b> Analysis auf Mannigfaltigkeiten	
<b>Leistungspunkte</b> 8	<b>Dauer</b> 1 Semester	<b>Turnus</b>
<b>Lehrform</b> Vorlesung 4 SWS + Übung 2 SWS	<b>Arbeitsaufwand</b> 240 h	<b>Verwendbarkeit</b>
<b>Lernziel</b>	Selbständiges Lösen von Aufgaben aus dem Themenbereich mit Präsentation in den Übungen	
<b>Inhalt</b>	Die Vorlesung Analysis auf Mannigfaltigkeiten gibt eine Einführung in die Theorie der Differentialformen auf differenzierbaren, insbesondere Riemannschen Mannigfaltigkeiten. Hauptthemen sind: I. Überblick über Integrationstheorie (Radonmaße) II. Einführung in differenzierbare Mannigfaltigkeiten III. Kalkül der alternierenden Differentialformen IV. Tensoren, Riemann'sche Metriken V. Hodgetheorie	
<b>Vermittelte Kompetenzen</b>	Grundkenntnisse über Analysis auf Mannigfaltigkeiten	
<b>Teilnahme-Voraussetzungen</b>	keine	
<b>Nützliche Vorkenntnisse</b>	Analysis I und II, Lineare Algebra I und II	
<b>Prüfungs-modalitäten</b>	Lösung von Übungsaufgaben mit benoteter Klausur bzw. mündlicher Prüfung. Art und Zeitrahmen einer Wiederholungsprüfung werden vom Dozenten festgelegt und zu Beginn der Vorlesung bekannt gegeben.	
<b>Nützliche Literatur</b>	Freitag, E.: Skript, Jänich, K.: Vektoranalysis Spivak, M.: Calculus on Manifolds	

## Mengentheoretische Topologie

<b>Code</b> ME5	<b>Name</b> Mengentheoretische Topologie	
<b>Leistungspunkte</b> 8	<b>Dauer</b> 1 Semester	<b>Turnus</b>
<b>Lehrform</b> Vorlesung 4SWS + Übung 2SWS	<b>Arbeitsaufwand</b> 240h	<b>Verwendbarkeit</b>
<b>Lernziel</b>	Selbständiges Lösen von Aufgaben aus dem Themenbereich mit Präsentation in den Übungen	
<b>Inhalt</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Grundlagen (topologische Räume, Erzeugung topologischer Räume, stetige Abbildungen, Trennungsaxiome, Eigenschaften topologischer Räume)</li> <li>Im Anschluß wird die Theorie in einem oder mehreren Themen vertieft:</li> <li>- Konstruktion stetiger Funktionen auf topologischen Räumen - Uniforme Räume</li> <li>- Homotopietheorie</li> <li>- CW-Komplexe</li> <li>- Topologische Gruppen</li> <li>- Topologische Vektorräume</li> </ul>	
<b>Vermittelte Kompetenzen</b>	Grundkenntnisse über mengentheoretische Topologie	
<b>Teilnahme-Voraussetzungen</b>	keine	
<b>Nützliche Vorkenntnisse</b>	Analysis I (MA1), Lineare Algebra I (MA4)	
<b>Prüfungs-modalitäten</b>	Lösung von Übungsaufgaben mit benoteter Klausur bzw. mündlicher Prüfung. Art und Zeitrahmen einer Wiederholungsprüfung werden vom Dozenten festgelegt und zu Beginn der Vorlesung bekannt gegeben.	
<b>Nützliche Literatur</b>	<p>Jänich: Topologie          Laures, Szymik: Grundkurs Topologie          Schubert: Topologie          Kelley: General Topology          Weitere Literatur wird gegebenenfalls in der Vorlesung bekanntgegeben.</p>	

## Einführung in die Mengenlehre

<b>Code</b> ME6	<b>Name</b> Einführung in die Mengenlehre	
<b>Leistungspunkte</b> 4	<b>Dauer</b> 1 Semester	<b>Turnus</b>
<b>Lehrform</b> Vorlesung 2 SWS + Übungen 1 SWS	<b>Arbeitsaufwand</b> 120 h	<b>Verwendbarkeit</b>
<b>Lernziel</b>	Selbständiges Lösen von Problemen aus dem Themenbereich	
<b>Inhalt</b>	Mannichfaltigkeitslehre wurde in der 2. Hälfte des 19. Jahrhunderts von Georg Cantor ex nihilo als [ein mathematisch-philosophischer Versuch in der Lehre des Unendlichen] entwickelt. Im Mittelpunkt der Vorlesung steht die Axiomatisierung der Cantorschen Mengenlehre sowie die elementare Theorie der transfiniten Zahlen. Ein weiteres Thema sind die erkenntnistheoretischen Aspekte dieser Theorie, welche David Hilbert als [die bewundernswerteste Blüte mathematischen Geistes] gepriesen hat.	
<b>Vermittelte Kompetenzen</b>	Die Axiome von Zermelo - Fraenkel mit Auswahlaxiom, transfiniten Zahlen und Wohlordnungen, fundierte Relationen und Rekursion, Kontinuumhypothese und Unabhängigkeitsbeweise.	
<b>Teilnahme-Voraussetzungen</b>	keine	
<b>Nützliche Vorkenntnisse</b>	Ein Grundverständnis von Mathematik, wie es beispielsweise in den Anfängervorlesungen der ersten beiden Semester vermittelt wird.	
<b>Prüfungs-modalitäten</b>	Lösung von Übungsaufgaben und benotete Abschlussprüfung. Art und Zeitrahmen einer Wiederholungsprüfung werden vom Dozenten festgelegt und zu Beginn der Vorlesung bekannt gegeben.	
<b>Nützliche Literatur</b>	H. D. Ebbinghaus: Einführung in die Mengenlehre. Wissenschaftliche Buchgemeinschaft, Darmstadt.	

## Bayesian Modeling and Inference

<b>Code</b> ME7	<b>Name</b> Bayesian Modeling and Inference	
<b>Leistungspunkte</b> 4	<b>Dauer</b> 1 Semester	<b>Turnus</b>
<b>Lehrform</b> 14 weeks of lecture courses of 90 mins each.	<b>Arbeitsaufwand</b> 120 h	<b>Verwendbarkeit</b>
<b>Lernziel</b>	Ability to build a Bayesian model suitable to a given machine learning problem, and to design and implement its inference algorithm will be acquired.	
<b>Inhalt</b>	Bayesian pattern recognition and data modeling methods will be covered at the introductory level. The Bayesian modeling framework will be presented from a probability-theoretic point of view, and various model inference, checking, and selection techniques will be explained.	
<b>Vermittelte Kompetenzen</b>	Learning foundations of Bayesian approaches to data modeling from a machine learner[146 92]s perspective.	
<b>Teilnahme-Voraussetzungen</b>	none	
<b>Nützliche Vorkenntnisse</b>	Basic probability theory and linear algebra. An introductory machine learning course.	
<b>Prüfungs-modalitäten</b>	Students will be graded according to a term project. They will be provided a list of simple machine learning problems together with benchmark data sets. Each student will choose one of these problems, or propose a comparable alternative, devise a suitable Bayesian model for the problem, choose an inference method, derive its equations, implement it, and compute the results on the provided data set. At the end of the semester, the students will hand in a project report including the devised model, its mathematical details and the obtained results, together with the related source code.	
<b>Nützliche Literatur</b>	D. Barber, Bayesian Reasoning and Machine Learning, 2012 (Main textbook) C. Bishop, Pattern Recognition and Machine Learning, 2006 K. Murphy, Machine Learning: A Probabilistic Perspective, 2012	

## 6 Fachübergreifende Kompetenzen

In diesem Kapitel sind die Module aus der Mathematik aufgeführt, die von Studierenden im Rahmen der Fachübergreifenden Kompetenzen aus dem Angebot der Fakultät für Mathematik und Informatik belegt werden können.

## Anfängerpraktikum

<b>Code</b> IAP	<b>Name</b> Anfängerpraktikum	
<b>Leistungspunkte</b> 2 LP + 4 LP FÜK	<b>Dauer</b>	<b>Turnus</b>
<b>Lehrform</b> Praktikum 4 SWS	<b>Arbeitsaufwand</b> 180 h; davon mind. 15 Präsenzstunden	<b>Verwendbarkeit</b>
<b>Lernziel</b>	<p>Die Studierenden können allgemeine Entwurfs- und Implementierungsaufgaben im Rahmen von Informatiksystemen lösen; können Problemanalyse- und Beschreibungstechniken anwenden; besitzen Programmierkenntnisse in der jeweiligen für das Projekt erforderlichen Programmiersprache.</p> <p>Zusätzlich stehen die projekttypischen Kompetenzen im Vordergrund, insbesondere das Arbeiten im Team (von bis zu drei Studierenden): Durchführung von Projekten und ihrer Phasenstruktur Planung von Projekt- und Teamarbeit.</p> <p>Zu den zu trainierenden Softskills zählen somit insbesondere Teamfähigkeit, Einübung von Präsentationstechniken sowie eigenverantwortliches Arbeiten.</p>	
<b>Inhalt</b>	<p>Domänenkenntnisse abhängig von den DozentInnen; allgemeine Lerninhalte sind: Einführung in die Projektarbeit Eigenständige Entwicklung von Software und deren Dokumentation</p>	
<b>Vermittelte Kompetenzen</b>		
<b>Teilnahme-Voraussetzungen</b>	keine	
<b>Nützliche Vorkenntnisse</b>	Einführung in die Praktische Informatik (IPI), Programmierkurs (IPK)	
<b>Prüfungs-modalitäten</b>	Bewertung der dokumentierten Software, des Projektberichts (ca. 5 Seiten) und des Vortrag (ca. 30 Minuten zzgl. Diskussion)	
<b>Nützliche Literatur</b>		

## Software-Praktikum für Fortgeschrittene

<b>Code</b> IFM	<b>Name</b> Software-Praktikum für Fortgeschrittene	
<b>Leistungspunkte</b> 8 LP	<b>Dauer</b> ein Semester	<b>Turnus</b>
<b>Lehrform</b> Praktikum 6 SWS	<b>Arbeitsaufwand</b> 240 h; davon mind. 25 h Präsenzstunden 10 h Vorbereitung Vortrag	<b>Verwendbarkeit</b>
<b>Lernziel</b>	<p>Die Studierenden erlangen vertiefende Problemlösungskompetenz für komplexe Entwurfs- und Implementierungsaufgaben können Problemanalyse- und Beschreibungstechniken klar darstellen, differenzieren und anwenden vertiefen Programmierkenntnisse in der jeweiligen für das Projekt erforderlichen Programmiersprache sind in der Lage, das Projekt mit Hilfe einer Softwareentwicklungsumgebung durchzuführen</p> <p>Zusätzlich werden die projektypischen Kompetenzen vertieft, insbesondere das Arbeiten im Team (von bis zu drei Studierenden): Durchführung und Evaluation von Projekten und ihrer Phasenstruktur Planung und Durchführung von Projekt- und Teamarbeit. Zu den zu trainierenden Softskills zählen somit insbesondere Teamfähigkeit, Verfeinerung von Präsentationstechniken, etwaige Erschließung wissenschaftlicher Literatur sowie eigenverantwortliches Arbeiten.</p>	
<b>Inhalt</b>	<p>Domänenkenntnisse abhängig von den DozentInnen; allgemeine Lerninhalte sind: Vertiefung in die Projektarbeit Eigenständige Entwicklung von komplexer Software und deren Dokumentation</p>	
<b>Vermittelte Kompetenzen</b>		
<b>Teilnahme-Voraussetzungen</b>	keine	
<b>Nützliche Vorkenntnisse</b>	keine	
<b>Prüfungs-modalitäten</b>	Bewertung der dokumentierte Software, des Projektberichts und des Vortrag	
<b>Nützliche Literatur</b>		

## Ausgewählte Kapitel der Finanz- und Versicherungsmathematik

<b>Code</b> MFIN	<b>Name</b> Ausgewählte Kapitel der Finanz- und Versicherungsmathematik	
<b>Leistungspunkte</b> 2 LP	<b>Dauer</b> 1 Semester	<b>Turnus</b> unregelmäßig
<b>Lehrform</b> Blockveranstaltung während der vorlesungsfreien Zeit	<b>Arbeitsaufwand</b> 60 h, davon: 15 h Präsenz 30 h Nacharbeiten, Hausaufgaben und Selbststudium 15 h Prüfungsvorbereitung/Hausarbeit	<b>Verwendbarkeit</b> Fachübergreifende Kompetenzen in Bachelor und Master
<b>Lernziel</b>	Grundlagen der Anwendung mathematischer Methoden und Konzepte in der Finanz- und Versicherungswirtschaft, Bedeutung der Mathematik für die Anwendungen, Verständnis für kaufmännische und rechtliche Rahmenbedingungen.	
<b>Inhalt</b>	<p>Zu diesen Veranstaltungen lädt die Fakultät ausgewählte Dozenten aus dem staatlichen und privaten Finanz- und Versicherungssektor ein, die aus Ihrer praktischen Erfahrung den Bezug zu Studieninhalten herstellen. Die konkreten Inhalte der Veranstaltung richten sich dabei nach den Dozenten</p> <p>Inhalte sind z. B. die mathematische Darstellung von Lebensversicherungen, versicherungsmathematische Bilanzgleichungen, die Mathematik hinter Geschäftsberichten, Risikoberechnung von Kapitalanlagen, risk management, Mathematik von Derivaten.</p> <p>Zusätzlich zu den Anwendungen der Mathematik in ihren Bereichen geben die Dozenten Einblicke in kaufmännische, rechtliche und politische Rahmenbedingungen.</p>	
<b>Vermittelte Kompetenzen</b>	Transfer von mathematischen Aussagen und Methoden auf Anwendungen aus der Finanz- und Versicherungswirtschaft.	
<b>Teilnahme-Voraussetzungen</b>		
<b>Nützliche Vorkenntnisse</b>	Affinität zu mathematischen Formulierungen; Grundlagen der Wahrscheinlichkeitsrechnung; Interesse an wirtschaftlichen Zusammenhängen	
<b>Prüfungs-modalitäten</b>	Mündliche Prüfung oder eine Hausarbeit. Genaueres geben die Dozenten im Vorlesungsverzeichnis bekannt.	
<b>Nützliche Literatur</b>		

## Industriepraktikum

<b>Code</b> MPI	<b>Name</b> Industriepraktikum	
<b>Leistungspunkte</b> 4-8	<b>Dauer</b> 4 - 8 Wochen	<b>Turnus</b>
<b>Lehrform</b> Praktikum mit Abschlussbericht	<b>Arbeitsaufwand</b> 120-240 h, davon 5-10 h Verfassung des Abschlussberichts	<b>Verwendbarkeit</b>
<b>Lernziel</b>	Erfahrung von Anwendungen mathematischer Methoden und Konzepte in der industriellen, handwerklichen und kaufmännischen Praxis; Fähigkeit, mathematische Methoden auf konkrete Probleme anzuwenden; Fähigkeit, mathematische Sachverhalte auch Fachfremden kommunizieren zu können	
<b>Inhalt</b>	<p>Der Inhalt wird zwischen Studierenden, dem Unternehmen, bei dem das Praktikum geleistet wird und einem betreuenden Dozenten individuell vereinbart. Dazu wird vor Beginn des Praktikums ein Praktikumsplan mit Inhalten und Zeitverlauf vereinbart und vom betreuenden Dozenten nach Prüfung bezüglich der Lernziele genehmigt. Die Studierenden fertigen während des Praktikums einen Erfahrungsbericht im Umfang von 600 bis 1000 Wörtern an, der nach dem Praktikum dem betreuenden Dozenten zur Abnahme vorgelegt wird. Der Bericht muss insbesondere den Bezug des Praktikums zum Studium widerspiegeln.</p> <p>Zuweisung von Leistungspunkten: Für jede Woche Praktikum wird ein Leistungspunkt vergeben, wobei das Praktikum mindestens 4 Wochen dauern muss und nicht mehr als 8 Wochen anerkannt werden.</p> <p>Hinweis: Studierende mit Interesse an einem Industriepraktikum sollten zunächst selbständig einen Praktikumsplatz finden. Dann wenden sich an einen Dozenten ihrer Wahl und vereinbaren die Betreuung; die Aufgaben des Dozenten beschränken sich hierbei auf die Genehmigung des Praktikumsplans und die Abnahme des Berichts.</p>	
<b>Vermittelte Kompetenzen</b>	Team- und Kooperationsfähigkeit, Kommunikations- und Transferkompetenzen	
<b>Teilnahme-Voraussetzungen</b>	Mindestens vier Pflichtmodule des Bachelorstudiengangs Mathematik; Angebot eines mit den Lernzielen verträglichen Praktikumsplatzes	
<b>Nützliche Vorkenntnisse</b>		
<b>Prüfungs-modalitäten</b>	Der betreuende Dozent bewertet den Bericht in Bezug auf die Lernziele des Praktikums. Das Modul ist unbenotet und wird mit *bestanden* oder *nicht bestanden* bewertet.	
<b>Nützliche Literatur</b>		

## Tutorenschulung

<b>Code</b> MTUT	<b>Name</b> Tutorenschulung	
<b>Leistungspunkte</b> 3 LP	<b>Dauer</b> 1 Semester	<b>Turnus</b> jährlich im Winter
<b>Lehrform</b> Blockkurs zu Semesterbeginn und eine Veranstaltung im Semester,	<b>Arbeitsaufwand</b> 90 h, davon 15 h Vorlesung/Seminar zu Semesterbeginn 60 h Nachbereitung und Reflexion im Semester (davon ca. 6h Präsenz) 15 h Abschlussbericht	<b>Verwendbarkeit</b> fachübergreifende Kompetenzen, Bachelor Mathematik, Master Mathematik, Master Scientific Computing
<b>Lernziel</b>	Professionelles Handeln bei der Durchführung von Tutorien in Mathematik: effizientes und angemessenes Korrigieren von Hausaufgaben und Klausuren, Umgang mit Studierenden im Tutorium, Vortragstechniken und Einsatz verschiedener Medien	
<b>Inhalt</b>	<p>Korrekturen: Ziele und Kennzeichen einer guten Hausaufgabenkorrektur, Diskussion von Bewertung und Bewertungskriterien, Arbeitstechniken und Zeiteinteilung, Studentenkritik und Nachkorrektur.</p> <p>Tutorium: Erwartungen der Dozierenden und der Studierenden, das Vorrechnenlassen, Umgang mit den Studierenden und mit Kritik, Vortragstechniken in der Kleingruppe, Nutzung von Medien wie Tafel und Folien, Vorbereitung von Übungsstoff.</p> <p>Erstsemestertutorien: Spezifische Aufgaben im ersten Semester, Beispiele von Aufgaben und Inhalten der Linearen Algebra I und der Analysis I, Umgang mit schwierigen Situationen, Studienabbrecher</p>	
<b>Vermittelte Kompetenzen</b>	Absolventen können ihre Rolle in Lehr- und Lernprozessen einschätzen und den Gegebenheiten anpassen, können verwendete Vortragstechniken evaluieren und professionell mit Studierenden agieren, können ihre Arbeitstechniken bei der Korrektur kritisch betrachten und auf Qualität und Effizienz hin optimieren.	
<b>Teilnahme-Voraussetzungen</b>		
<b>Nützliche Vorkenntnisse</b>		
<b>Prüfungs-modalitäten</b>	Portfolio (Tagebuch) über die Selbstreflexion nach den Übungsstunden und Abschlussbericht nach Anwendung des Gelernten in einem Tutorium. Der Bericht sollte im Umfang zwischen 600 und 1000 Wörtern liegen und eine Reflexion der Schulungsinhalte in Bezug auf das eigene Handeln im Tutorium darstellen. Das Modul ist unbenotet und wird mit *bestanden* oder *nicht bestanden* bewertet.	
<b>Nützliche Literatur</b>		