

**MATHEMATIK K1      TEST I**

06.10.2020

Aufgabe	1	2
Punkte (max)	12	3
Punkte		

(1) Bestimmen Sie die erste Ableitung folgender Funktionen:

$$f(x) = \frac{5x}{4} - \frac{4}{5x}$$

$$g(x) = 2\sqrt{x} \cdot (1 - 3x)^5 + x^2$$

$$h(x) = \frac{x^2 - 1}{x^2 + 1} + 1$$

$$V(r) = \frac{4}{3}\pi r^3$$

$$x(t) = 2t \cos(2t)$$

$$q(x) = \frac{\sin(2x)}{x}$$

(2) Lösen Sie folgende Gleichung:

$$x^2 - \frac{7}{x^2} = 6.$$

(1) Bestimmen Sie die erste Ableitung folgender Funktionen:

$$f(x) = \frac{5x}{4} - \frac{4}{5x} = \frac{5}{4} \cdot x - \frac{4}{5}x^{-1}$$

$$f'(x) = \frac{5}{4} + \frac{4}{5}x^{-2} = \frac{5}{4} + \frac{4}{5x^2}$$

$$g(x) = 2\sqrt{x} \cdot (1 - 3x)^5 + x^2 = 2x^{\frac{1}{2}}(1 - 3x)^5 + x^2$$

$$\begin{aligned} g'(x) &= x^{-\frac{1}{2}}(1 - 3x)^5 + 2x^{\frac{1}{2}} \cdot 5(1 - 3x)^4 \cdot (-3) + 2x \\ &= \frac{(1 - 3x)^5}{\sqrt{x}} - 30\sqrt{x} \cdot (1 - 3x)^4 + 2x \end{aligned}$$

$$h(x) = \frac{x^2 - 1}{x^2 + 1} + 1$$

$$h'(x) = \frac{2x(x^2 + 1) - (x^2 - 1) \cdot 2x}{(x^2 + 1)^2} = \frac{4x}{(x^2 + 1)^2}$$

$$V(r) = \frac{4}{3}\pi r^3$$

$$V'(r) = 4\pi r^2$$

$$x(t) = 2t \cos(2t)$$

$$x'(t) = 2 \cos(2t) - 4t \sin(2t)$$

$$q(x) = \frac{\sin(2x)}{x}$$

$$q'(x) = \frac{2x \cos(2x) - \sin(2x)}{x^2}$$

(2) Lösen Sie folgende Gleichung:

$$\begin{array}{l|l} x^2 - \frac{7}{x^2} = 6 & \cdot x^2 \\ x^4 - 7 = 6x^2 & - 6x^2 \\ x^4 - 6x^2 - 7 = 0 & \text{Vieta} \end{array}$$

$$(x^2 - 7)(x^2 + 1) = 0$$

also  $x^2 - 7 = 0$  oder  $x^2 + 1 = 0$ . Die zweite Gleichung hat keine Lösungen, die erste  $x_{1,2} = \pm\sqrt{7}$ .